Prof. Dr. Alfred Toth

Selbstthematisation beim Übergang von 3- zu 4-Wertigkeit

1. In Toth (2026a-c) hatten wir gezeigt, daß man die strukturellen Realitäten der 27 Dualsysteme des vollständigen ternären semiotischen Systems in Tripelrelationen der folgenden Form notieren kann

$(X, Y) \rightarrow Z$

$X \rightarrow Y \leftarrow Z$

$X \leftarrow (Y, Z)$.

Nimmt man die Permutationen der Dualsysteme dazu, ergeben sich weitere paarweise Differenzen durch Vertauschung der Thematisanden

$(Y, X) \rightarrow Z$

$Z \rightarrow Y \leftarrow X$

$X \leftarrow (Z, Y)$.

Als Beispiel diene die Thematisation M-them. O. In nicht-permutierten Zeichenklassen haben wir hier wie für jede andere Thematisation ein thematisches Tripel:

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3	$O \leftarrow (M, M)$
3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M \rightarrow O \leftarrow M$
3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M, M) \rightarrow O$

In permutierten Zeichenklassen wird dann natürlich jede Zeichenklasse auf 3! = 6 Zeichenklassen abgebildet (vgl. Toth 2026d).

2. Stellt man in 3-wertigen Relationen Paare von thematischen Relationen zusammen, die sich durch die Thematisierungsrichtung und die Konversion der Thematisanden unterscheiden, so thematisiert in der ersten Permutationsgruppe (2.1), in der zweiten (3.1) und in der dritten (1.2), d.h. wir haben eine Determination von je drei Permutationsgruppen durch eine Permutation der Zeichenklasse (3.1, 2.1, 1,2), also genau derjenigen Zeichenklasse, deren strukturelle Realität wir untersuchen (M-them. O) (vgl. Toth 2026e). Im folgenden wollen wir sehen, ob Selbstthematisation beim Übergang zu 4-wertigen Relationen erhalten bleibt.

$\text{Perm}(O \leftarrow (M, M))$

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3	$O \leftarrow (M^1, M^2)$

1.2 2.1 3.1 × 1.3 1.2 2.1 $(M^2, M^1) \rightarrow O$

3.2 1.1 2.1 1.2 × $\underline{2.1}$ $\underline{1.2 \quad 1.1}$ $\underline{2.3}$ $O \rightarrow (M, M) \leftarrow O$

1.2 2.1 2.3 1.1 × $\underline{1.1}$ 3.2 $\underline{1.2}$ 2.1 $M \rightarrow I \leftarrow (M, O)$

2.1 3.1 1.2 × 2.1 1.3 1.2 $O \leftarrow (M^2, M^1)$

1.2 3.1 2.1 × 1.2 1.3 2.1 $(M^1, M^2) \rightarrow O$

2.3 1.1 3.1 1.2 × 2.1 $\underline{1.3 \quad 1.1}$ 3.2 $O \leftarrow (M, M) \rightarrow I$

1.3 2.1 3.2 1.1 × $\underline{1.1}$ 2.3 $\underline{1.2}$ 3.1 $M \rightarrow O \leftarrow (M, I)$

3.1 1.2 2.1 × 1.2 2.1 1.3 $M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$

2.1 1.2 3.1 × 1.3 2.1 1.2 $M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$

3.1 1.2 1.2 2.1 × $\underline{1.2}$ $\underline{2.1 \quad 2.1}$ $\underline{1.3}$ $M \leftarrow (O, O) \rightarrow M$

2.1 1.2 1.3 2.1 × $\underline{1.2}$ 3.1 2.1 $\underline{1.2}$ $M \rightarrow (I, O) \leftarrow M$

Perm$(M \rightarrow O \leftarrow M)$

3.1 1.1 2.2 × 2.2 1.1 1.3 $O \leftarrow (M^1, M^2)$

2.2 1.1 3.1 × 1.3 1.1 2.2 $(M^2, M^1) \rightarrow O$

3.1 1.1 1.2 1.2 × $\underline{2.1 \quad 2.1}$ $\underline{1.1 \quad 1.3}$ $(O, O) \leftrightarrow (M, M)$

2.1 2.1 1.3 1.1 × $\underline{1.1}$ 3.1 $\underline{1.2 \quad 1.2}$ $M \rightarrow I \leftarrow (M, M)$

1.1 3.1 2.2 × 2.2 1.3 1.1 $O \leftarrow (M^2, M^1)$

2.2 3.1 1.1 × 1.1 1.3 2.2 $(M^1, M^2) \rightarrow O$

1.3 1.1 3.2 1.2 × $\underline{2.1 \quad 2.3}$ 1.1 3.1 $(O, O) \rightarrow (M, I)$

$2.3 \quad 2.1 \quad 3.1 \quad 1.1 \quad \times \quad \underline{1.1 \quad 1.3 \quad 1.2} \quad 3.2 \quad (M, M, M) \rightarrow I$

$3.1 \quad 2.2 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 2.2 \quad 1.3 \quad M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$

$1.1 \quad 2.2 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 2.2 \quad 1.1 \quad M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$

$3.2 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad 2.1 \quad \times \quad \underline{1.2 \quad 1.2} \quad \underline{2.1 \quad 2.3} \quad (M, M) \leftrightarrow (O, O)$

$1.2 \quad 1.2 \quad 2.3 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 3.2 \quad \underline{2.1 \quad 2.1} \quad (M, I) \leftarrow (O, O)$

Perm$((M, M) \rightarrow O)$

$2.1 \quad 1.1 \quad 3.2 \quad \times \quad 2.3 \quad 1.1 \quad 1.2 \quad O \leftarrow (M^1, M^2)$

$3.2 \quad 1.1 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 1.1 \quad 2.3 \quad (M^2, M^1) \rightarrow O$

$2.1 \quad 1.1 \quad 1.3 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 3.1 \quad \underline{1.1 \quad 1.2} \quad (O, I) \leftarrow (M, M)$

$3.1 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad 1.1 \quad \times \quad \underline{1.1} \quad 2.1 \quad \underline{1.2 \quad 1.3} \quad M \rightarrow O \leftarrow (M, M)$

$1.1 \quad 2.1 \quad 3.2 \quad \times \quad 2.3 \quad 1.2 \quad 1.1 \quad O \leftarrow (M^2, M^1)$

$3.2 \quad 2.1 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 1.2 \quad 2.3 \quad (M^1, M^2) \rightarrow O$

$1.2 \quad 1.1 \quad 2.3 \quad 1.2 \quad \times \quad \underline{2.1} \quad 3.2 \quad 1.1 \quad \underline{2.1} \quad O \rightarrow (I, M) \leftarrow O$

$3.2 \quad 2.1 \quad 2.1 \quad 1.1 \quad \times \quad \underline{1.1 \quad 1.2 \quad 1.2} \quad 2.3 \quad (M, M, M) \rightarrow O$

$2.1 \quad 3.2 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 2.3 \quad 1.2 \quad M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$

$1.1 \quad 3.2 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 2.3 \quad 1.1 \quad M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$

$2.3 \quad 1.2 \quad 3.1 \quad 2.1 \quad \times \quad \underline{1.2 \quad 1.3} \quad 2.1 \quad 3.2 \quad (M, M) \rightarrow (O, I)$

$1.3 \quad 1.2 \quad 3.2 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad \underline{2.3 \quad 2.1} \quad 3.1 \quad M \leftarrow (O, O) \rightarrow I$

3. Selbstthematisation gehört somit zu den Eigenschaften, die beim Übergang von 3- zu 4-Wertigkeit nicht erhalten bleibt.

3-wertig	$\rightarrow$	4-wertig
$O \leftarrow (M^1, M^2)$	$\rightarrow$	$O \rightarrow (M, M) \leftarrow O$
$(M^2, M^1) \rightarrow O$	$\rightarrow$	$M \rightarrow I \leftarrow (M, O)$
$O \leftarrow (M^2, M^1)$	$\rightarrow$	$O \leftarrow (M, M) \rightarrow I$
$(M^1, M^2) \rightarrow O$	$\rightarrow$	$M \rightarrow O \leftarrow (M, I)$
$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$	$\rightarrow$	$M \leftarrow (O, O) \rightarrow M$
$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$	$\rightarrow$	$M \rightarrow (I, O) \leftarrow M$
$O \leftarrow (M^1, M^2)$	$\rightarrow$	$(O, O) \leftrightarrow (M, M)$
$(M^2, M^1) \rightarrow O$	$\rightarrow$	$M \rightarrow I \leftarrow (M, M)$
$O \leftarrow (M^2, M^1)$	$\rightarrow$	$(O, O) \rightarrow (M, I)$
$(M^1, M^2) \rightarrow O$	$\rightarrow$	$(M, M, M) \rightarrow I$
$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$	$\rightarrow$	$(M, M) \leftrightarrow (O, O)$
$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$	$\rightarrow$	$(M, I) \leftarrow (O, O)$
$O \leftarrow (M^1, M^2)$	$\rightarrow$	$(O, I) \leftarrow (M, M)$
$(M^2, M^1) \rightarrow O$	$\rightarrow$	$M \rightarrow O \leftarrow (M, M)$
$O \leftarrow (M^2, M^1)$	$\rightarrow$	$O \rightarrow (I, M) \leftarrow O$
$(M^1, M^2) \rightarrow O$	$\rightarrow$	$(M, M, M) \rightarrow O$
$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$	$\rightarrow$	$(M, M) \rightarrow (O, I)$
$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$	$\rightarrow$	$M \leftarrow (O, O) \rightarrow I$

Literatur

Toth, Alfred, Vollständige Thematisierungstripel. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026a

Toth, Alfred, Thematische Transpositionen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026b

Toth, Alfred, Gruppen von Thematisierungswerten. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026c

Toth, Alfred, Trajektische thematische Übergänge von 3- zu 4-Wertigkeit. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026d

Toth, Alfred, Selbstthematisierende Paare thematischer Relationen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026e

23.3.2026